学籍番号と氏名は丁寧に記載すること

「離散数学・オートマトン」確認テスト

2024/12/9

問1 式 (1) で定義される決定性有限オートマトン $M=\langle Q, \Sigma, \delta, q_0, F \rangle$ を考える。 Let us consider a deterministic finite automaton $M=\langle Q, \Sigma, \delta, q_0, F \rangle$ defined by Eq. (1).

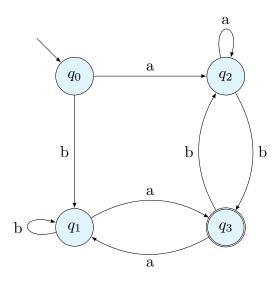
$$Q = \{q_0, q_1, q_2, q_3\}$$

$$\Sigma = \{a, b\}$$

$$F = \{q_3\}$$
(1)

遷移関数は図 1 に示す。このとき、受理される文字列のうち、長さが 5 のものを 4 つ示しなさい。また、そのうち、二つに対して、 $(p,aw) \vdash (q,w)$ という形式で、それぞれに対する状態遷移を示しなさい。

The transition function is shown in Fig. 1. Show four strings of length 5 that are accepted. For two of them, show the state transitions described as $(p, aw) \vdash (q, w)$.



 $\boxtimes 1$ DFA M

解答例 以下に例示する。記号 a で始まり b を奇数個で終わるもの、及び記号 b で始まり

a を奇数個で終わるものを受理する。

Examples of accepted strings are as follows. The automaton accepts strings that start with the symbol a and end with an odd number of b, or start with the symbol b and end with an odd number of a.

aabbb, aaaab, bbaaa, bbbba

それぞれの文字列に対する状態遷移を以下に示す。 ϵ は、長さ 0 の文字列を表す。

Transitions for each of accepted strings are shown below. ϵ represents a string of length 0.

$$(q_0, aabbb) \vdash (q_2, abbb) \vdash (q_2, bbb)$$

$$\vdash (q_3, bb) \vdash (q_2, b)$$

$$\vdash (q_3, \epsilon)$$

$$(q_0, aaaab) \vdash (q_2, aaab) \vdash (q_2, aab)$$

$$\vdash (q_2, ab) \vdash (q_2, b)$$

$$\vdash (q_3, \epsilon)$$

$$(q_0, bbaaa) \vdash (q_1, baaa) \vdash (q_1, aaa)$$

$$\vdash (q_3, aa) \vdash (q_1, a)$$

$$\vdash (q_3, \epsilon)$$

$$(q_0, bbbba) \vdash (q_1, bbba) \vdash (q_1, bba)$$

$$\vdash (q_1, ba) \vdash (q_1, a)$$

$$\vdash (q_3, \epsilon)$$

問2 式 (2) で定義される非決定性有限オートマトン $M = \langle Q, \Sigma, \delta, q_0, F \rangle$ を考える。 Let us consider a nondeterministic finite automaton $M = \langle Q, \Sigma, \delta, q_0, F \rangle$ defined by Eq. (2).

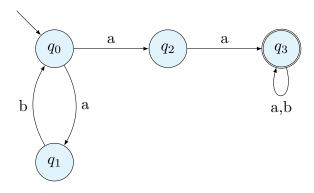
$$Q = \{q_0, q_1, q_2, q_3\}$$

$$\Sigma = \{a, b\}$$

$$F = \{q_3\}$$
(2)

遷移関数は図 2 に示す。このとき、受理される文字列のうち、長さが 5 のものを 4 つ示しなさい。

The transition function is shown in Fig. 2. Show four strings of length 5 that are accepted.



 $\boxtimes 2$ NFA M

解答例 以下に例示する。ab の 0 回以上の繰り返しの後、aa が続き、その後に a または b が 0 個以上続く文字列を受理する。

Examples of accepted strings are as follows. The automaton accepts strings that start with 0 or more repetitions of ab, followed by aa, and then followed by 0 or more a or b.

abaaa, aaaaa, aaaba, abaab

それぞれの文字列に対する受理する状態遷移を以下に示す。 ϵ は、長さ 0 の文字列を表す。 Transitions for each of accepted strings are shown below. ϵ represents a string of

length 0.

$$(q_{0}, abaaa) \vdash (q_{1}, baaa) \vdash (q_{0}, aaa)$$
 $\vdash (q_{2}, aa) \vdash (q_{3}, a)$
 $\vdash (q_{3}, \epsilon)$
 $(q_{0}, aaaaa) \vdash (q_{2}, aaaa) \vdash (q_{3}, aaa)$
 $\vdash (q_{3}, aa) \vdash (q_{3}, a)$
 $\vdash (q_{3}, \epsilon)$
 $(q_{0}, aaaba) \vdash (q_{2}, aaba) \vdash (q_{3}, aba)$
 $\vdash (q_{3}, ba) \vdash (q_{3}, a)$
 $\vdash (q_{3}, \epsilon)$
 $(q_{0}, abaab) \vdash (q_{1}, baab) \vdash (q_{0}, aab)$
 $\vdash (q_{2}, ab) \vdash (q_{3}, b)$
 $\vdash (q_{3}, \epsilon)$